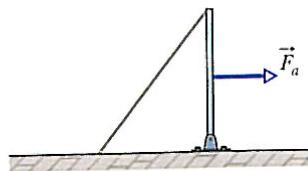


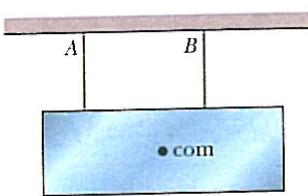
شکل ۲۰-۱۲ پرسش ۸

-۹ در شکل ۲۱-۱۲، انتهای پایینی یک میله قائم لولا شده و انتهای بالایی آن به کابلی متصل است. همان طور که نشان داده شده یک نیروی افقی \bar{F}_a بر میله وارد می‌شود. وقتی که نقطه اثر نیروی وارد شده به بالای میله حرکت کند، آیا کشش در کابل افزایش می‌یابد یا کاهش یا یکسان باقی می‌ماند؟



شکل ۲۱-۱۲ پرسش ۹

-۱۰ شکل ۲۲-۱۲ یک قطعه افقی را نشان می‌دهد که با دو سیم A و B آویخته شده است، دو سیم به جز در طول اولیه مشابه‌اند. مرکز جرم قطعه به سیم B نزدیک‌تر از سیم A است. (الف) با اندازه‌گیری گشتاور نیروها نسبت به مرکز جرم قطعه معین کنید گشتاور نیروی ناشی از A بیشتر از، کمتر از یا مساوی گشتاور نیروی ناشی از B است. (ب) کدام سیم نیروی بیشتری به قطعه وارد می‌کند؟



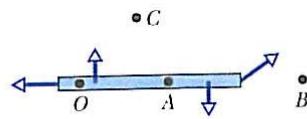
شکل ۲۲-۱۲ پرسش ۱۰

مسئله‌ها

<http://www.wiley.com/college/halliday>

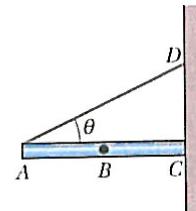
و در گوشه‌های یک ساختار با جرم ناچیز قرار دارند. فاصله میان ذره‌های مجاور در امتداد اضلاع برابر $۲/۰۰\text{ m}$ است. جدول زیر مقدار (m/s^2) g را در محل هر یک از ذره‌ها نشان می‌دهد. با به کار بردن دستگاه مختصات نشان داده شده، مطلوب است تعیین (الف) مختصه مرکز جرم و (ب) مختصه لا مرکز جرم دستگاه

(ب) نقطه B، یا (پ) نقطه C بگذرد، آیا گشتاورهای نیرو موازن خواهند داشت؟ (ت) فرض کنید به دست آوریم که گشتاور نیروها نسبت به نقطه O موازن ندارند، آیا نقطه دیگری وجود دارد که گشتاورهای نیرو نسبت به آن موازن داشته باشند؟



شکل ۱۸-۱۲ پرسش ۶

-۷ در شکل ۱۹-۱۲، میله ساکن AC به جرم ۵ kg به وسیله طناب و اصطکاکی که بین میله و دیوار وجود دارد به دیوار تکیه دارد. میله یکنواخت و طول آن ۱ m و زاویه $\theta = ۳۰^\circ$ است. (الف) اگر بخواهیم بزرگی نیروی \bar{T} را که از طرف ریسمان بر میله وارد می‌شود فقط از یک معادله به دست آوریم، محور چرخش را در کدام نقطه باید اختیار کنیم؟ با انتخاب این محور و مثبت در نظر گرفتن گشتاور نیرو در جهت پاد ساعتگرد، علامت (ب) گشتاور نیروی «+» ناشی از وزن میله و (پ) گشتاور نیروی «-» ناشی از کشیدن میله توسط طناب، چیست؟ (ت) آیا «+» از «-» بزرگ‌تر است یا کوچک‌تر یا با آن مساوی است؟



شکل ۱۹-۱۲ پرسش ۷

-۸ تا اسب چوبی با مجموعه‌ای (ساکن) از قرقه‌ها و ریسمانهای بدون جرم که در شکل ۲۰-۱۲ دیده می‌شوند، آویزان هستند. یک ریسمان دراز از سقف در سمت راست تا قرقره پایینی در سمت چپ ادامه دارد. قرقه‌ها از سقف و اسبهای چوبی از قرقره‌ها به وسیله چند ریسمان کوتاه‌تر آویزان شده‌اند. وزن دو تا اسبهای چوبی بر حسب نیوتون داده شده‌اند. (الف) وزن دو چوبی سوم چقدر است؟ (راهنمایی: وقتی ریسمان دور قرقره نیم دور می‌پیچد، با نیروی خالصی که دو برابر کشش در ریسمان است، آن را می‌کشد). (ب) کشش در ریسمان کوتاهی که با T مشخص شده چقدر است؟

مسئله‌های آموزشی قابل دسترس (در نسخه مدرس).

پاسخ قابل دسترس در کتاب حل مسئله‌ها :SSM

WWW: پاسخ در

تعادل نقطه‌ها درجه دشوار بودن سطح مسئله را نشان می‌دهد. ILW: پاسخ یادگیری تعاملی در

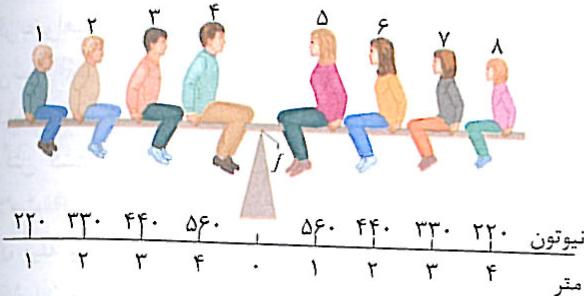
اطلاعات اضافی در سیرک پرنده فیزیک و در flyingcircusofphysics.com قابل دسترس است.

بخش ۴-۱۲ گرانیگاه

-۱۰ چون g در پهنه بیشتر ساختارها مقدار بسیار کمی تغییر می‌کند، گرانیگاه ساختار اصولاً بر مرکز جرم آن منطبق است. اینجا در یک مثال ساختگی تغییرات g خیلی زیاد است. شکل ۲۴-۱۲ آرایشی از ۶ ذره را نشان می‌دهد که هر یک دارای جرم m است

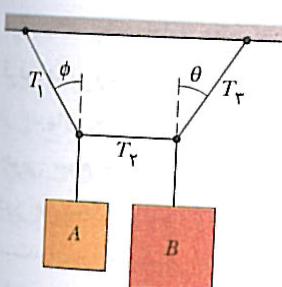
از اصطکاک میان نردهان و شیشه و با این فرض که پایین نردهان نمی‌لغزد، وقتی شیشه در آستانه شکستن است مطلوب است (الف) بزرگی نیروی وارد به شیشه از طرف نردهان، (ب) بزرگی نیروی وارد بر نردهان از طرف زمین و (پ) زاویه (نسبت به افق) نیروی که بر نردهان وارد می‌شود.

-۸۰ هشت عضو یک خانواده، که وزنهایشان بر حسب نیوتون در شکل ۲۵-۱۲ مشخص شده است، روی یک الکلنک به حال تعادل نشسته‌اند. شماره شخصی که بیشترین گشتاور نیرو را نسبت به محور چرخش در نقطه انکای در جهت (الف) خارج صفحه کتاب، و (ب) داخل صفحه کتاب ایجاد می‌کند چیست؟



شکل ۲۵-۱۲ مسئله ۸

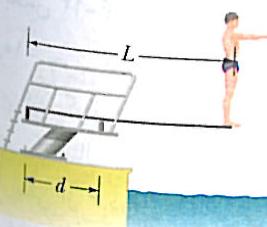
-۹۰ SSM یک خطکش چوبی یک متری در نشانه $50/0\text{cm}$ به طور افقی روی لبه چاقویی در حال تعادل است. با قراردادن دو سکه $5/00\text{g}$ روی نشانه $12/0\text{cm}$ ، مشاهده می‌کنیم که خطکش در نشانه $45/0\text{cm}$ به حال تعادل در می‌آید. جرم خطکش چقدر است؟



شکل ۲۶-۱۲ مسئله ۱۰

-۱۰ SSM سامانه‌ی شکل ۲۶-۱۲ در حال تعادل است و ریسمان میانی کاملاً افقی است. مطلوب است تعیین (الف) نیروی کشش T_1 ، (ب) نیروی کشش T_2 ، (پ) نیروی کشش T_3 و (ت) زاویه θ .

-۱۱ SSM شیرجه روندهای به وزن $N = 580\text{N}$ در انتهای تخته شیرجهای به طول $L = 4/0\text{m}$ و جرم ناچیز ایستاده است (شکل ۲۷-۱۲). تخته شیرجه به دو پایه به فاصله $d = 1/0\text{m}$ از یکدیگر متصل شده است. (الف) بزرگی و (ب) جهت (بالا یا پایین) نیروی وارد بر تخته از پایه چپ و (پ) بزرگی و (ت) جهت (بالا یا پایین) نیروی وارد بر تخته از پایه راست چقدر است؟



شکل ۲۷-۱۲ مسئله ۱۱

شش - ذره. سپس تعیین (پ) مختصه α مرکز گرانش و (ت) مختصه لایگانیگاه دستگاه شش - ذره.

شکل ۲۳-۱۲ مسئله ۱

ذره	ذره	ذره	ذره
۷/۴۰	۴	۸/۰۰	۱
۷/۶۰	۵	۷/۸۰	۲
۷/۸۰	۶	۷/۶۰	۳

بخش ۵-۱۲ مثالهایی درباره تعادل ایستایی

-۲۰ فاصله دو محور چرخهای جلو و عقب اتومبیل به جرم 1360kg برابر $3/05\text{m}$ است. گرانیگاه اتومبیل در فاصله $1/78\text{m}$ پشت محور جلو قرار دارد. اگر اتومبیل روی سطح زمینی افقی قرار داشته باشد، مطلوب است بزرگی نیروی وارد از طرف زمین به (الف) هر یک از چرخهای جلو (با فرض یکسان بودن) و (ب) هر یک از چرخهای عقب (با فرض یکسان بودن).

-۳۰ SSM WWW در شکل ۲۴-۱۲ کره $m = 0/85\text{kg}$ و شعاع $r = 4/2\text{cm}$ به وسیله طنابی به جرم ناچیز به دیوار بدون اصطکاکی در فاصله $L = 8/0\text{cm}$ بالاتر از مرکز کره، متصل است. مطلوب است تعیین (الف) نیروی کشش در طناب و (ب) نیروی وارد بر کره از طرف دیوار.

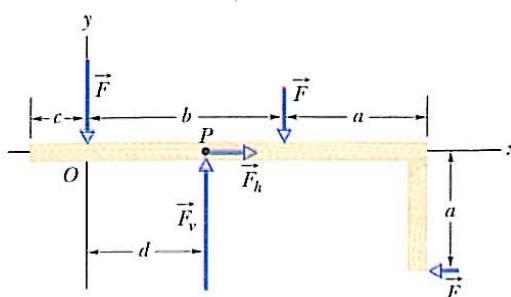
شکل ۲۴-۱۲ مسئله ۳

-۴۰ زه کمانی را از وسط آنقدر می‌کشیم تا کشش زه آن برابر نیروی وارد شود. زاویه بین دو نیمة زه چقدر است؟

-۵۰ ILW طنابی با جرم ناچیز را بین دو پایه که $3/44\text{mm}$ از هم فاصله دارند به طور افقی می‌کشیم. وقتی جسمی به وزن 3160N از وسط طناب آویزان شود، مشاهده می‌کنیم که طناب به اندازه $35/0\text{cm}$ پایین کشیده می‌شود. کشش در طناب چقدر است؟

-۶۰ چوب بستی به جرم $5/0\text{kg}$ و طول $6/0\text{m}$ به وسیله دو کابل قائم که به دو انتهای آن بسته شده در وضعیت افقی قرار دارد. شیشه پاک کنی به جرم $8/0\text{kg}$ در نقطه‌ای به فاصله $1/0\text{m}$ از یک انتهای چوب بست ایستاده است. نیروی کشش در (الف) کابل نزدیکتر و (ب) در کابل دورتر چقدر است؟

-۷۰ یک کارگر شیشه پاک کن به جرم 75kg از نردهانی به جرم 10kg و طول $5/0\text{m}$ استفاده می‌کند. او سر پایین نردهان را به فاصله $2/0\text{m}$ از دیوار قرار می‌دهد. و سربالایی آن را به یک شیشه ترک خورده تکیه می‌دهد و از نردهان بالا می‌رود. وقتی او به اندازه $3/0\text{m}$ از نردهان بالا برود شیشه می‌شکند. با چشمپوشی



شکل ۳۱-۱۲ مسئله ۱۵

-۱۶۰ صندوق مکعب یکنواختی که طول هر ضلعش 0.750m است 500N وزن دارد. این صندوق روی کف اتاق واقع است و مانع بسیار کوچکی در مقابله قرار دارد. کمترین ارتفاع از کف اتاق که باید یک نیروی 350N به صندوق وارد شود تا آن صندوق روی نوک مانع در آستانه بلند شدن قرار گیرد، چقدر است؟

-۱۷۰ در شکل ۳۲-۱۲، تیر یکنواختی به وزن 500N و طول 3.0m به طور افقی نگهداشته شده است. سمت چپ آن به دیوار لولا شده و سمت راست آن به وسیله کابلی که به فاصله D بالای کابل به دیوار پیچ شده نگهداشته شده است. کمترین کشش که منجر به پاره شدن کابل می شود برابر 1200N است. (الف) چه مقدار D مربوط به این کشش است؟ (ب) برای جلوگیری از پاره شدن کابل، آیا باید از این مقدار افزایش یابد یا کاهش؟

شکل ۳۲-۱۲ مسئله ۱۷

-۱۸۰ (ج) در شکل ۳۳-۱۲، چوب بست افقی ۲، با جرم یکنواخت $m_2 = 200\text{kg}$ ، از چوب بست افقی ۱، با جرم یکنواخت $m_1 = 500\text{kg}$ آویزان است. یک جعبه میخ به جرم 200kg روی چوب بست ۲ و به فاصله $d = 0.500\text{m}$ از انتهای سمت چپ قرار دارد. کشش T در کابل نشان داده شده چقدر است؟

شکل ۳۳-۱۲ مسئله ۱۸

-۱۹۰ برای شکستن گردوبی کمترین نیرویی که باید به دو طرف پوسته گردو وارد شود برابر 40N است. برای گردوشکن شکل ۳۴-۱۲ با $L = 12\text{cm}$ و $d = 2.6\text{cm}$ ، مؤلفه های نیروی F_{\perp} (عمود بر دسته ها) مربوط به آن 40N چقدر است؟

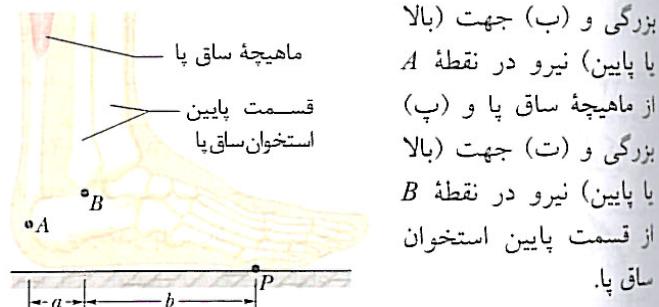
شکل ۳۴-۱۲ مسئله ۱۹

-۱۲۰ در شکل ۲۸-۱۲ مردمی کند تا اتومبیل را از گل ولای کنار جاده بیرون بیاورد. او یک سرطانی را به سپر جلوی اتومبیل و سر دیگر آن را به تیری که کنار جاده در فاصله 18m قرار دارد، محکم می بندد. سپس، طناب را از وسط با نیروی 550N به یک طرف می کشد و در نتیجه مرکز طناب از وضع قبلی خود به اندازه 0.30m جابه جا می شود و اتومبیل کمی حرکت می کند. بزرگی نیرویی که طناب به اتومبیل وارد کرده چقدر است؟ (طناب یک کمی کش می آید).



شکل ۲۸-۱۲ مسئله ۱۲

-۱۳۰ شکل ۲۹-۱۲ ساختار تشریحی ساق و کف پا را نشان می دهد که وقتی شخص روی پنجه پا ایستاده است و پاشنه پا را از زمین بلند می کند پا فقط در یک نقطه مانند P که در شکل نشان داده با زمین به طور مؤثر تماس دارد. فرض کنید فاصله $W = 900\text{N}$ و وزن شخص $b = 15\text{cm}$ ، $a = 50\text{cm}$ باشد. مطلوب است تعیین نیروهایی که بر پا وارد می شوند (الف)



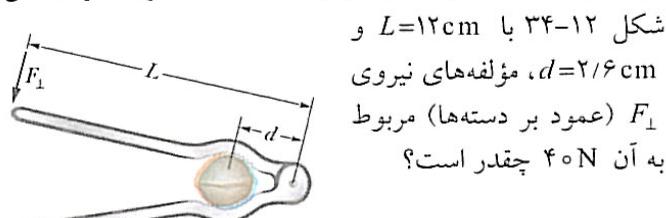
شکل ۲۹-۱۲ مسئله ۱۳

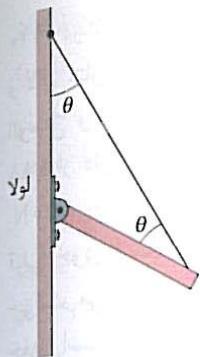
-۱۴۰ در شکل ۳۰-۱۲ یک چوب بست افقی به طول 2.00m جرم یکنواخت 500kg به وسیله دو کابل از ساختمانی آویزان است. یک دو جین قوطی رنگ در نقطه های مختلف روی آن قرار دارند. جرم کل قوطی های رنگ 750kg است. نیروی کشش در کابل سمت راست برابر 722N است. در چه فاصله افقی از این کابل مرکز جرم سامانه نیروهای رنگ قرار دارد؟



شکل ۳۰-۱۲ مسئله ۱۴

-۱۵۰ نیروهای F_1 ، F_2 و F_3 به ساختار شکل ۳۱-۱۲ که دید از بالای آن نشان داده شده است، وارد می شوند. می خواهیم با لاردنگ یک نیروی چهارم با مؤلفه های F_h و F_v در نقطه های مانند P ، ساختار را به حال تعادل درآوریم. می دانیم که $a = 2.0\text{m}$ ، $b = 3.0\text{m}$ ، $c = 1.0\text{m}$ ، $F_1 = 20\text{N}$ ، $F_2 = 10\text{N}$ و $F_3 = 50\text{N}$ مطلوب است تعیین (الف) F_h ، (ب) F_v و (پ) d .





-۲۳۰۰ در شکل ۳۸-۱۲، یک سر تیر یکنواختی به وزن 222 N به دیوار لولا شده است. سردیگر تیر به وسیله سیمی که با دیوار و همچنین تیر زاویه $\theta = 30^\circ$ می‌سازد نگهدارشده است. مطلوب است تعیین (الف) نیروی کشش در سیم و مؤلفه‌های (ب) افقی و (پ) قائم نیروی وارد از لولا بر تیر.

شکل ۳۸-۱۲ مسئله ۲۳

-۲۴۰۰ در شکل ۳۹-۱۲، صخره‌نوردی به وزن $533/8\text{ N}$ توسط طنابی متصل به دستگاه مهار وی نگهدارشده است؛ خط اثر نیروی طناب از مرکز جرم آن می‌گذرد. زاویه‌های نشان داده شده $\theta = 40/0^\circ$ و $\phi = 30/0^\circ$ هستند. پاهای او در آستانه لغزیدن روی دیوار قائم است، ضریب اصطکاک استاتیک بین کفش‌های صخره‌نورد و دیوار چقدر است؟

شکل ۳۹-۱۲ مسئله ۲۴

-۲۵۰۰ در شکل ۴۰-۱۲، بزرگی نیروی \vec{F} که در راستای افقی به محور چرخ وارد می‌شود چقدر باید باشد تا چرخ را از مانعی به ارتفاع $h = 3/00\text{ cm}$ بالا ببرد؟ شعاع چرخ برابر $r = 6/00\text{ cm}$ و جرم آن برابر $m = 0/800\text{ kg}$ است.

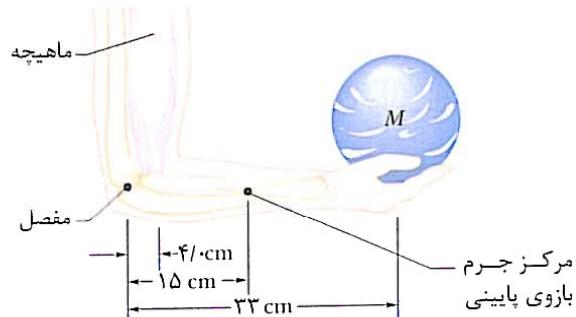
شکل ۴۰-۱۲ مسئله ۲۵

-۲۶۰۰ در شکل ۴۱-۱۲، یخ‌نوردی به دیوار یخی که اصطکاک آن ناچیز است، تکیه داده است. فاصله a برابر با $0/914\text{ m}$ و فاصله L برابر $2/10\text{ m}$ است. مرکز جرم او $d = 0/940\text{ m}$ از نقطه تماس با زمین فاصله دارد. اگر او در آستانه لغزیدن باشد، ضریب اصطکاک استاتیک بین پاهای او و زمین چقدر است؟

شکل ۴۱-۱۲ مسئله ۲۶

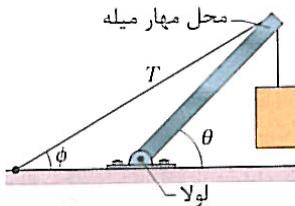
-۲۷۰۰ در شکل ۴۲-۱۲، قطعه‌ای به جرم 15 kg از دستگاه قرقره‌ها بالا کشیده می‌شود. بازوی شخص به حالت قائم است اما

-۲۰۰ بازیکنی توپ بولینگ ($M = 7/2\text{ kg}$) را در کف دست خود نگهدارشته است (شکل ۳۵-۱۲). قسمت بالایی بازوی او به طور قائم و قسمت پایینی بازو ($1/8\text{ kg}$) به صورت افقی قرار دارد. بزرگی (الف) نیروی ماهیچه قسمت بالایی بازو وارد بر قسمت پایینی و (ب) نیروی بین استخوانها در نقطه مفصل، چقدر است؟



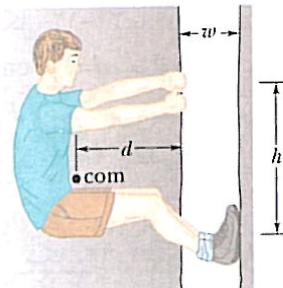
شکل ۳۵-۱۲ مسئله ۲۰

-۲۱۰۰ **ILW** سامانه‌ی نشان داده شده در شکل ۳۶-۱۲ در حال تعادل است. یک قطعه بتونی به جرم 225 kg از انتهای میله یکنواختی به جرم $45/0\text{ kg}$ آویخته شده است. برای زاویه‌های $\theta = 45/0^\circ$ و $\phi = 30/0^\circ$ مطلوب است تعیین (الف) نیروی کشش T در کابل و مؤلفه‌های (ب) افقی و (پ) قائم نیرویی که از طرف لولا به محل مهار میله وارد می‌شود.

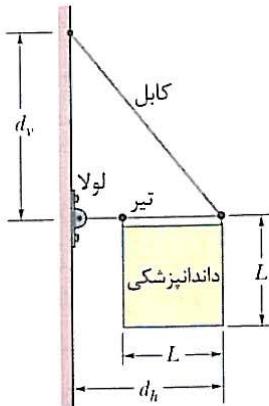


شکل ۳۶-۱۲ مسئله ۲۱

-۲۲۰۰ در شکل ۳۷-۱۲، صخره‌نوردی به جرم 55 kg در حال صعود از پشت در امتداد یک شکاف است. او با دستهایش لبه شکاف را می‌کشد و پاهایش را به دیواره مقابل می‌فشارد. پهنای شکاف $w = 0/20\text{ m}$ و مرکز جرم صخره نورد در فاصله افقی $d = 0/40\text{ m}$ از لبه شکاف قرار دارد. ضریب اصطکاک استاتیکی میان دستهای او و صخره $\mu_1 = 0/40$ و بین پاهای او و صخره $\mu_2 = 0/10$ است. (الف) حداقل کشیدن افقی توسط دستها و فشار وارد توسط پاهای صخره‌نورد برای اینکه او را پایدار نگهدازند، چقدر است؟ (ب) برای کشیدن افقی قسمت (الف)، فاصله قائم h ، میان دستها و پاهای او باید چقدر باشد؟ اگر صخره نورد با سنگی مرطوب مواجه شود، به طوری که μ_1 و μ_2 کاهش یابند، چه تغییری در (پ) پاسخ (الف) و (ت) در پاسخ (ب) ایجاد خواهد شد؟



شکل ۳۷-۱۲ مسئله ۲۲

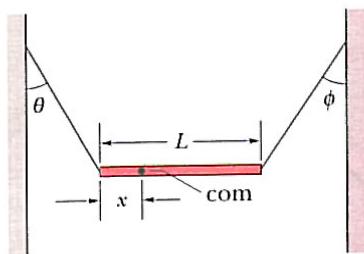


شکل ۴۴-۱۲ مسئله ۳۰

در کابل چقدر است؟ مطلوب است تعیین (ب) بزرگی و (پ) جهت (چپ یا راست) مؤلفه افقی نیروی وارد به میله از طرف دیوار و (ت) بزرگی و (ث) جهت (بالا یا پایین) مؤلفه قائم این نیرو.

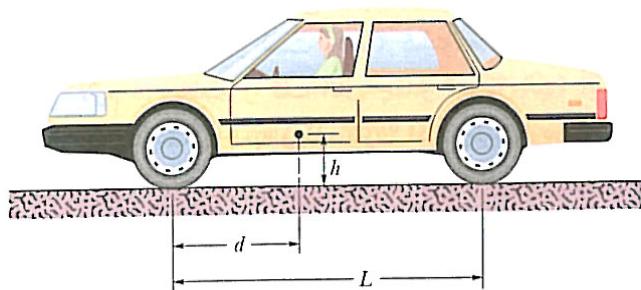
ساعده با افق زاویه $\theta = 30^\circ$ می‌سازد. ساعد و دست رویهم دارای جرم 20 kg است و مرکز جرم به فاصله $d_1 = 15\text{ cm}$ از نقطه تماس استخوان ساعد و استخوان بالای لولا (استخوان بازو) قرار دارد. عضله سه سر، ساعد را در فاصله $d_2 = 25\text{ cm}$ پشت نقطه تماس به طور عمود به سمت بالا می‌کشد. فاصله d_3 برابر 35 cm است. مطلوب است تعیین (الف) بزرگی و (ب) جهت (بالا یا پایین) نیروی وارد بر ساعد از طرف عضله سه سر و (پ) بزرگی و (ت) جهت (بالا یا پایین) نیروی وارد بر ساعد از طرف استخوان بازو.

۳۱۰۰ میله نایکنواختی، همان‌طور که در شکل ۴۵-۱۲ نشان داده شده است، به وسیله دو ریسمان با جرم ناچیز آویخته شده است و به حالت افقی در حال سکون قرار دارد. زاویه یکی از ریسمانها با امتداد قائم $\theta = 36.9^\circ$ و زاویه ریسمان دیگر با امتداد قائم $\phi = 53.1^\circ$ است. اگر طول میله L برابر $6/10\text{ m}$ باشد، فاصله x مرکز جرم را از انتهای سمت چپ میله حساب کنید.

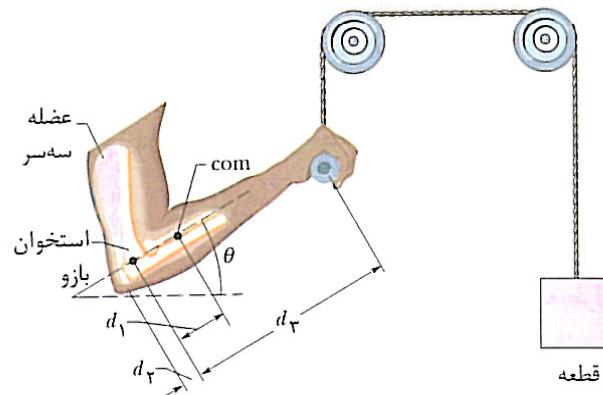


شکل ۴۵-۱۲ مسئله ۳۱

۳۲۰۰ در شکل ۴۶-۱۲، راننده اتومبیل روی جاده افقی مجبور به توقف اضطراری می‌شود و ترمز می‌گیرد و هر چرخ چرخ قفل می‌شوند و در امتداد جاده سر می‌خورند. ضرب اصطکاک جنبشی بین لاستیک و جاده برابر 40% است. فاصله دو محور جلو و عقب اتومبیل $L = 4/2\text{ m}$ است و مرکز جرم آن به فاصله $d = 1/8\text{ m}$ پشت محور جلویی و به ارتفاع $h = 0.75\text{ m}$ از سطح جاده قرار دارد. وزن اتومبیل 11 kN است. مطلوب است محاسبه (الف) شتاب کاهشی ترمز اتومبیل، (ب) نیروی عمود وارد بر هر چرخ عقب، (پ) نیروی ترمز وارد بر هر چرخ جلو و (ت) نیروی ترمز روی هر چرخ عقب و روی هر چرخ جلو. (راهنمایی: اگر چه اتومبیل در تعادل انتقالی نیست اما در تعادل چرخشی است).



شکل ۴۶-۱۲ مسئله ۳۲



شکل ۴۲-۱۲ مسئله ۲۷

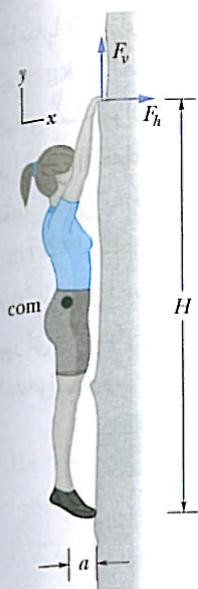
۴۳-۱۲ در شکل ۴۳-۱۲، فرض کنید طول L میله یکنواخت $3/00\text{ m}$ و وزن آن 200 N است. همچنین فرض کنید وزن قطعه $W = 300\text{ N}$ و زاویه $\theta = 30^\circ$ است. بیشینه کششی که سیم می‌تواند تحمل کند 500 N

(الف) بیشترین فاصله x قبل از پاره شدن سیم چقدر است؟ در حالتی که قطعه در این بیشترین فاصله x قرار دارد، مؤلفه‌های (ب) افقی و (پ) قائم نیرویی که به وسیله لولا در A به میله وارد می‌شود چقدر است؟

شکل ۴۳-۱۲ مسائل ۲۸ و ۳۴

۴۴-۱۲ ارتفاع دری $2/1\text{ m}$ در امتداد محور z و به سمت بالا و بهترای 0.91 m در امتداد محور x از لولا به سمت خارج است. فاصله یک لولا تا بالای در 0.30 m و فاصله لولا دیگر تا پایین در نزد 0.20 m است، و در 27 kg جرم دارد. بر حسب نماد بردار یکه مطلوب است تعیین نیروی وارد بر در، در (الف) لولا بالای (ب) لولا پایینی.

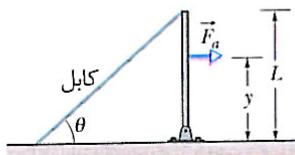
۴۵-۱۲ در شکل ۴۵-۱۲، تابلو مریع شکل یکنواختی به جرم $50/0\text{ kg}$ و به ضلع $L = 200\text{ m}$ از یک میله افقی به طول $d_h = 300\text{ m}$ و جرم ناچیز آویخته شده است. کابلی انتهای میله را به نقطه‌ای از دیوار وصل می‌کند که به فاصله $d_v = 400\text{ m}$ بالاتر از لولا اتصال میله و دیوار قرار دارد. (الف) نیروی کشش



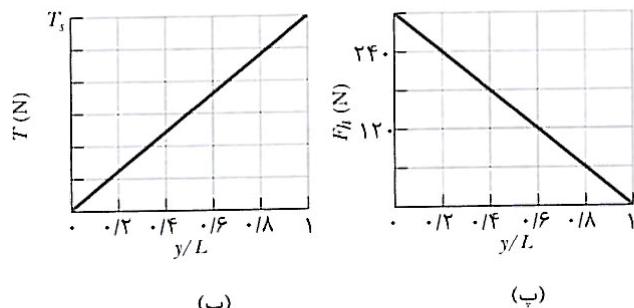
نشان می‌دهد که توسط فقط مانعی با یک دست از لبه یک برآمدگی افقی توانایی در یک دیوار صخره‌ای آویزان شده است (انگشتان او به سمت پایین فشار وارد می‌کند). پاهای او با دیوار صخره در فاصله $H = 2.0\text{ m}$ درست زیر انگشتان او قرار دارد ولی تکیه‌گاهی ندارد. مرکز جرم او در فاصله $a = 0.20\text{ m}$ از دیوار قرار دارد. فرض کنید نیروی حاصل از لبه تکیه‌گاه انگشتان او به طور مساوی روی چهار انگشت تقسیم می‌شود. (الف) مؤلفه افقی F_h و (ب) مؤلفه قائم F_v نیروی وارد بر هر انگشت چقدر است؟

شکل ۴۷-۱۲ مسئله ۳۶

-۳۳۰۰ شکل ۴۷-۱۲ الف یک تیر یکنواخت قائم به طول L را نشان می‌دهد که در انتهای پایین آن لولا شده است. نیروی افقی F_a در فاصله l از انتهای پایینی تیر بر آن وارد می‌شود. تیر به خاطر کابلی که به انتهای بالای آن بسته شده و با افق زاویه θ می‌سازد به صورت قائم باقی می‌ماند. شکل ۴۷-۱۲ ب نیروی کشش T در کابل را بر حسب تابعی از مکان نیروی وارد شده به صورت کسر y/L از طول تیر نشان می‌دهد. مقیاس محور y بر حسب $T_s = 600\text{ N}$ داده شده است. شکل ۴۷-۱۲ پ بزرگی F_h نیروی افقی وارد از لولا به تیر را نیز به صورت تابعی از y/L نشان می‌دهد. مطلوب است محاسبه (الف) زاویه θ و (ب) بزرگی نیروی F_a .



(الف)

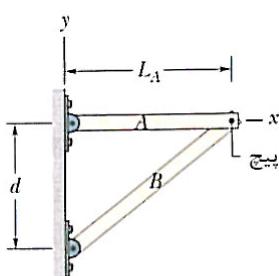


شکل ۴۷-۱۲ مسئله ۳۳

-۳۷۰۰ در شکل ۴۹-۱۲، یک الوار یکنواخت به طول L برابر 6.10 m و وزن 445 N از یک سر روی زمین و از سر دیگر روی غلتک بدون اصطکاکی واقع در بالای دیواری به ارتفاع $h = 3.05\text{ m}$ به حال سکون قرار دارد. الوار به ازای تمام مقدارهای $\theta \geq 70^\circ$ در حال تعادل می‌ماند، و به ازای $\theta < 70^\circ$ می‌لغزد. ضریب اصطکاک ایستایی میان الوار و زمین را به دست آورید.

شکل ۴۹-۱۲ مسئله ۳۷

-۳۸۰۰ در شکل ۵۰-۱۲، دو تیر یکنواخت B و A ، از یک سو به دیوار لولا شده‌اند و سر دیگر آنها با پیچ سفت نشده به هم متصل شده است (گشتاوری از یکی بر دیگری وجود ندارد). تیر A دارای طول $L_A = 2.40\text{ m}$ و جرم 54.0 kg و تیر B دارای جرم 68.0 kg است. فاصله میان دولولا $d = 1.8\text{ m}$ است. بر حسب نماد بردار یکه مطلوب است نیروی وارد بر (الف) تیر A از طرف لولا، (ب) تیر A از طرف پیچ، (پ) تیر B از طرف لولا و (ت) تیر B از طرف پیچ.



شکل ۵۰-۱۲ مسئله ۳۸

-۳۴۰۰ در شکل ۴۳-۱۲ میله باریک و افقی AB با وزن ناچیز و طول L ، در نقطه A به دیواری قائم لولا شده و در نقطه B به وسیله سیم نازک BC ، که با افق زاویه θ می‌سازد، نگهداشته شده است. قطعه‌ای به وزن W می‌تواند در امتداد میله حرکت کند؛ مکان آن به وسیله فاصله مرکز جرم آن تا دیوار یعنی x مشخص می‌شود. بر حسب تابعی از x ، مطلوب است تعیین (الف) نیروی کشش در سیم و مؤلفه‌های (ب) افقی و (پ) قائم نیرویی که به وسیله لولا در A به میله وارد می‌شود.

-۳۵۰۰ SSM WWW یک جعبه مکعب شکل با شن پر شده است و 890 N وزن دارد. می‌خواهیم با وارد کردن یک نیروی افقی به یکی از کناره‌های بالایی جعبه، آن را «بلغلتانیم». (الف) کمینه نیروی لازم چقدر است؟ (ب) کمینه ضریب اصطکاک ایستایی لازم بین جعبه و کف اتاق چقدر است؟ (پ) آیا راه مؤثرتری برای غلتاندن جعبه وجود دارد؟ اگر وجود دارد، کمترین نیروی ممکن که باید برای غلتاندن جعبه مستقیماً به آن وارد کرد چقدر است؟ (راهنمایی: در یکی از حالاتی که مکعب شروع به بلند شدن روی یک یال می‌کند، نیروی عمود در کجا واقع است؟)

-۳۶۰۰ شکل ۴۸-۱۲ صخره‌نوردی به جرم 70 kg را

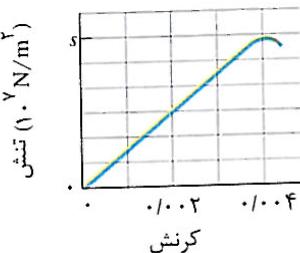
این عمل رخ می‌دهد؟ (راهنمایی: در شروع واژگون شدن صندوق نیروی عمودی به کجا وارد می‌شود؟)

۴۲۰۰۰ در شکل ۵۱-۱۲ در مسئله نمونه، ضریب اصطکاک ایستایی μ بین نردهان و محل اتکا را $0/53^{\circ}$ فرض کنید. برای در آستانه لغزش قرار گرفتن تا چه فاصله‌ای (برحسب درصد) آتش‌نشان باید روی نردهان قرار گیرد؟

بخش ۷-۱۲ کشسانی

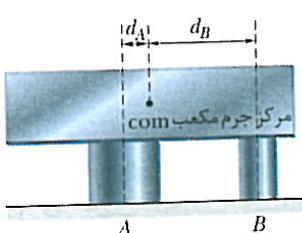
SSM ILW - ۴۳۰ یک میله آلمینیومی افقی به قطر $4/8\text{ cm}$ به اندازه $3/5\text{ cm}$ از دیوار پیرون آمده است. جسمی به جرم 1200 kg به انتهای میله آویخته می‌شود. مadol بررشی آلمینیوم $3/0 \times 10^{10}\text{ N/m}^2$ است. از وزن میله چشمپوشی کنید. مطلوب است تعیین (الف) تنفس بررشی وارد بر میله و (ب) انحراف قائم انتهای میله.

۴۴۰- شکل ۵۲-۱۲، منحنی تغییرات تنفس-کرنش را برای ماده‌ای نشان می‌دهد. مقیاس محور تنفس با $s = 300\text{ s}$ با یکای 10° N/m^2 مشخص شده است. (الف) مadol یانگ و (ب) استقامت تسلیم تقریبی این ماده چقدر است؟



شکل ۵۲-۱۲ مسئله ۴۴

۴۵۰۰ در شکل ۵۴-۱۲، مکعبی از سرب به طور افقی روی استوانه‌های A و B قرار دارد. میان مساحت سطحهای بالای استوانه‌ها رابطه $A_A = 2A_B$ برقرار است. مدولهای یانگ استوانه‌ها به وسیله رابطه $E_A = 2E_B$ به هم مربوطاند. استوانه‌ها قبل از آنکه مکعب روی آنها قرار داده شود طولهای یکسانی دارند. چه کسری از جرم مکعب به وسیله (الف) استوانه A ، و (ب) استوانه B تحمل می‌شود؟ فاصله افقی مرکز جرم مکعب و محور مرکزی استوانه‌های A و B به ترتیب d_A و d_B است. (پ) نسبت d_A/d_B چقدر است؟

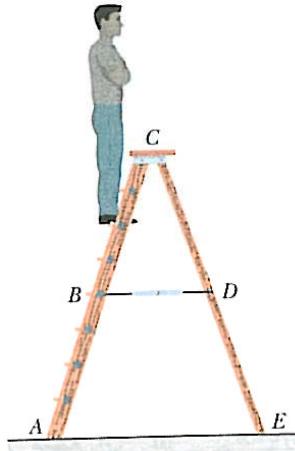


شکل ۵۴-۱۲ مسئله ۴۵

۴۶۰۰۰ شکل ۵۵-۱۲ نمودار تقریبی تنفس برحسب کرنش یک تار عنکبوت را نشان می‌دهد که در کرنش $2/00$ تار پاره $b = 0/30\text{ GN/m}^2$ ، $a = 0/12\text{ GN/m}^3$ ، $c = 0/80\text{ GN/m}^4$ مشخص شده است. فرض کنید طول اولیه تار $5/80\text{ cm}$ ، مساحت مقطع اولیه آن $5/0 \times 10^{-11}\text{ m}^2$ و (در ضمن کشیده شدن) حجم آن ثابت است. همچنین فرض کنید که هر گاه یک تار، حشره‌ای در حال پرواز را بگیرد، انرژی جنبشی

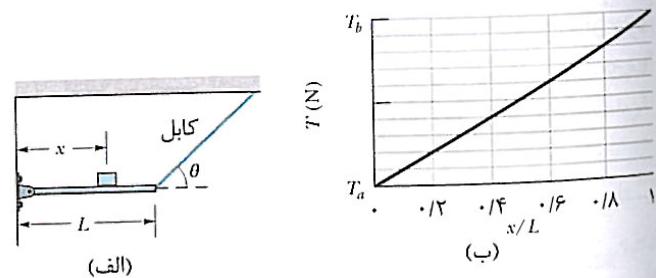
۳۹۰۰۰ برای نردهان دو طرفه نشان داده شده در شکل ۵۱-۱۲ طولهای AC و CE هر یک از $2/44\text{ m}$ است و در نقطه C به هم لولا شده‌اند. میله نگهدارنده BD به طول $5/762\text{ m}$ به وسط نردهان وصل شده است. مردی به وزن 854 N در طول نردهان به اندازه $1/80\text{ m}$ بالا می‌رود. با فرض

اینکه کف اتاق بدون اصطکاک و وزن نردهان قابل چشمپوشی است، تعیین کنید (الف) نیروی کشش در میله نگهدارنده، و نیروهایی را که به وسیله کف اتاق به نردهان در (ب) A ، و (پ) E وارد می‌شوند. (راهنمایی: هنگام به کاربردن شرطهای تعادل، قسمتهای مختلف نردهان را به طور مجزا در نظر بگیرید.)



شکل ۵۱-۱۲ مسئله ۳۹

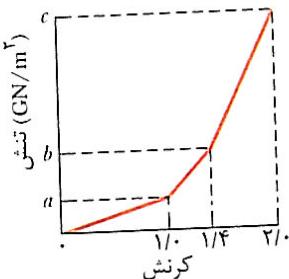
۴۰۰۰۰ شکل ۵۲-۱۲ الف یک تیر یکنواخت افقی به جرم m_b و طول L را نشان می‌دهد که در سمت چپ به دیوار لولا شده و در سمت راست به وسیله کابلی که با افق زاویه θ می‌سازد، نگهدارشده است. بسته‌ای به جرم m_p در فاصله x از انتهای سمت چپ تیر روی آن قرار دارد. جرم کل برابر $g = 61/22\text{ kg}$ است. شکل ۵۲-۱۲ ب نیروی کشش T در کابل را برحسب تابعی از مقیاس محور T با $T_a = 500\text{ N}$ و $T_b = 700\text{ N}$ مشخص شده است. مطلوب است تعیین (الف) زاویه θ ، (ب) جرم m_b و (پ) جرم m_p .



شکل ۵۲-۱۲ مسئله ۴۰

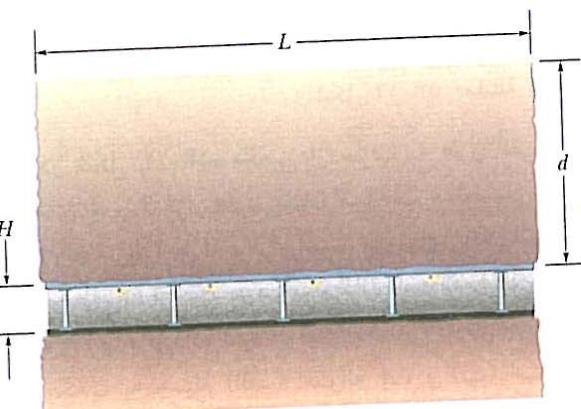
۴۱۰۰۰ صندوق مکعب شکلی به ضلع $1/2\text{ m}$ محتوی ماشین آلات است به طوری که مرکز جرم صندوق و محتویاتش $5/30\text{ m}^3$ بالاتر از مرکز هندسی صندوق واقع است. این صندوق روی یک سطح شیدار، که با افق زاویه θ می‌سازد، قرار دارد. وقتی θ به تدریج از صفر افزایش یابد، به زاویه‌ای می‌رسیم که صندوق شروع به لغزیدن می‌کند یا واژگون می‌شود. هرگاه ضریب اصطکاک ایستایی μ بین صندوق و سطح شیدار باشد، (الف) صندوق واژگون می‌شود یا می‌لغزد؟ اگر $\mu = 0/70$ باشد، (پ) صندوق واژگون می‌شود یا می‌لغزد؟ (ت) در چه زاویه‌ای

حشره موجب کشیده شدن تار می‌شود. (الف) برای در آستانه پاره شدن قرار گرفتن تار چقدر انرژی جنبشی لازم است؟ انرژی جنبشی (ب) یک حشره میوه‌خوار به جرم $6/00\text{ mg}$ و تندی $1/70\text{ m/s}$ کننده به جرم $5/388\text{ g}$ و تندی $0/420\text{ m/s}$ چقدر است؟ آیا (ت) حشره میوه‌خوار و (ث) زنبور وزوز کننده تار را پاره می‌کنند؟



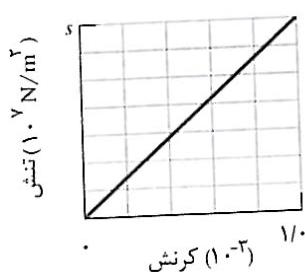
شکل ۵۵-۱۲ مسئله ۴۶

-۴۷۰۰- تونلی به طول $L = 150\text{ m}$ ، ارتفاع $H = 7/2\text{ m}$ و پهنای $5/8\text{ m}$ (با سقف مسطح) در عمق $d = 60\text{ m}$ زیرزمین ساخته شده است. (به شکل ۵۶-۱۲ نگاه کنید). تمام سقف تونل به وسیله ستونهای فولادی مربع شکلی با مساحت سطح مقطع 960 cm^2 نگهداری می‌شود. جرم 1 cm^3 ماده زمین برابر $2/8\text{ g}$ است. (الف) وزن کلی که ستونها باید تحمل کنند، چقدر است؟ (ب) چند ستون مورد نیاز است تا اینکه تنش تراکمی وارد به هر ستون به اندازه نصف استقامت نهایی باقی بماند؟



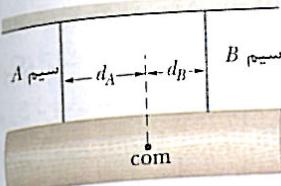
شکل ۵۶-۱۲ مسئله ۴۷

-۴۸۰۰- شکل ۵۷-۱۲ نمودار تنش بر حسب کرنش را برای یک سیم آلومینیومی نشان می‌دهد که از دو طرف توسط دستگاه کش در دو جهت مختلف کشیده شده است. مقیاس محور تنش با $s = 7/0\text{ N/m}^2$ بایکای 10^7 N/m^2 مشخص شده است. سیم دارای طول $2/00 \times 10^{-5}\text{ m}$ و مساحت سطح مقطع اولیه آن $2/00 \times 10^{-6}\text{ m}^2$ است. دستگاه برای ایجاد کرنش $1/00 \times 10^{-3}\text{ m}$ در میله چقدر کار روی آن انجام می‌دهد؟



شکل ۵۷-۱۲ مسئله ۴۸

-۴۹۰۰- در شکل ۵۸-۱۲ کنده یکنواخت درختی به جرم 103 kg به وسیله دو سیم فولادی A و B ، هر یک به شعاع $1/20\text{ mm}$ آویزان است. در ابتدا، طول سیم A ، $2/5\text{ m}$ و B ، $2/00\text{ mm}$ کوتاهتر از سیم B است. در این موقع کنده درخت افقی است. بزرگی نیروهایی که به وسیله (الف) سیم A و (ب) سیم B به کنده درخت وارد می‌شود، چقدر است؟ (پ) آیا نسبت d_A/d_B چقدر است؟



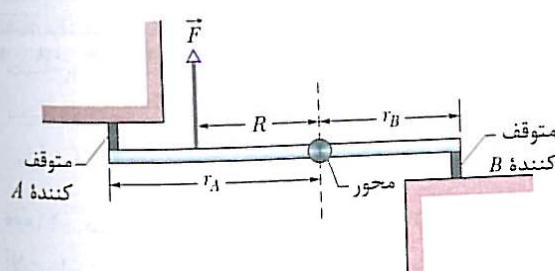
شکل ۵۸-۱۲ مسئله ۴۹

-۵۰۰۰- شکل ۵۹-۱۲ حشره‌ای را در وسط تار عنکبوت نشان می‌دهد. تار تحت تنش $8/20 \times 10^8\text{ N/m}^2$ و کرنش $2/00$ پاره می‌شود. تار در ابتدا افقی و طول آن $2/00\text{ cm}$ و مقطع آن $8/00 \times 10^{-11}\text{ m}^2$ بوده است. وقتی تار بر اثر وزن حشره کشیده می‌شود، حجم آن ثابت می‌ماند. اگر وزن حشره آن را در آستانه پاره شدن قرار دهد، چقدر است؟ (اگر حشره ای مانند زنبور وزوز کننده در تار گرفتار شود، تار عنکبوت پاره می‌شود).



شکل ۵۹-۱۲ مسئله ۵۰

-۵۱۰۰- شکل ۶۰-۱۲ دید از بالای یک میله صلب است که حول محور قائمی می‌چرخد تا اینکه متوقف کننده‌های لاستیکی مشابه A و B که در فاصله‌های $r_A = 7/0\text{ cm}$ و $r_B = 4/0\text{ cm}$ از محور واقع‌اند به دیوارهای صلبی فشرده شوند. در ابتدا متوقف کننده‌ها بدون فشرده شدن با دیوار تماس دارند. وقتی نیروی \bar{F} با بزرگی 220 N عمود بر میله و به فاصله $R = 5/0\text{ cm}$ از محور به آن وارد شود، مطلوب است تعیین بزرگی نیرویی که (الف) متوقف کننده A و (ب) متوقف کننده B را فشرده می‌کند.

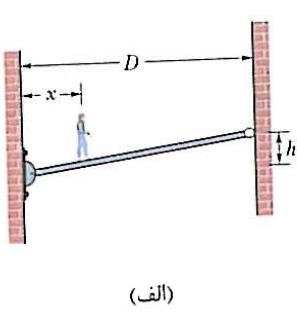


شکل ۶۰-۱۲ مسئله ۵۱

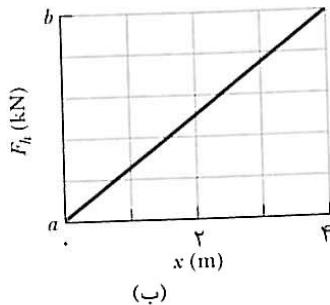
مسئله‌های اضافی

-۵۲- یک صخره نورد به جرم 95 kg پس از سقوط متوجه می‌شود که از انتهای طنابی آویزان است که 15 m طول و $9/6\text{ mm}$ قطر دارد و $2/8\text{ cm}$ کشیده شده است. مطلوب است محاسبه (الف) تنش و (ب) کرنش و (پ) مدول یانگ در طناب.

-۵۶-۶۲ ب، F_h را بر حسب تابعی از فاصله افقی x از دیوار نشان می دهد. مقیاس محور F_h با $a=20\text{ kN}$ و $b=25\text{ kN}$ مشخص شده است. (الف) جرم سطح شیدار و (ب) جرم مرد چقدر است؟

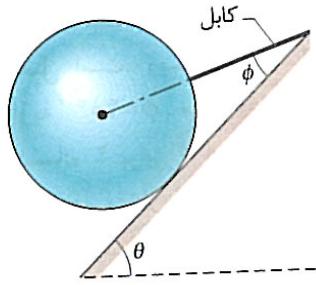


(الف)



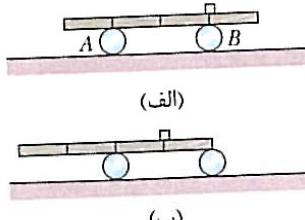
(ب)

شکل ۶۳-۱۲ مسئله ۵۶

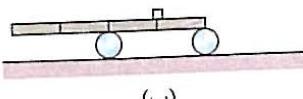


شکل ۶۴-۱۲ مسئله ۵۷

-۵۷ در شکل ۶۴-۱۲ الف، تیر یکنواختی به جرم 40 kg روی دو غلتک قرار دارد و مرکز آن از دو غلتک به یک فاصله است. خطهای قائم روی تیر یکنواختی به طولهای مساوی تقسیم می کند. دو تا از خطها در بالای غلتکها قرار دارند؛ بستهای به جرم 10 kg در بالای غلتک B واقع است. بزرگی نیروهایی که از طرف (الف) غلتک A و (ب) B بر تیر وارد می شوند چقدرند؟ سپس تیر به سمت چپ حرکت داده می شود تا انتهای سمت راست آن درست در بالای B قرار گیرد (شکل ۶۵-۱۲ ب). حالا بزرگی نیروهایی که از طرف (پ) غلتک A و (ت) غلتک B بر تیر وارد می شوند چقدرند؟ سپس تیر به راست حرکت داده می شود.



(الف)

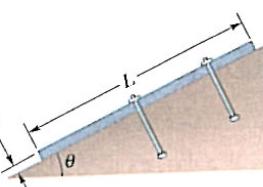


(ب)

شکل ۶۵-۱۲ مسئله ۵۸

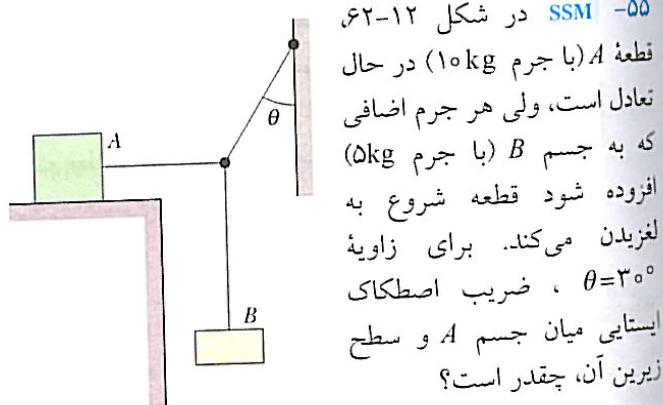
-۵۹ SSM در شکل ۶۶-۱۲ یک بشکه بنایی به جرم 817 kg به کابل A آویخته شده که آن هم در نقطه O به دو کابل دیگر B و C که با افق زاویه های $\theta_1=5^\circ$ و $\theta_2=6^\circ$ می سازند، متصل است. مطلوب است تعیین نیروی کشش در (الف) کابل A ، (ب) کابل B و (پ) کابل C . (راهنمایی: برای پرهیز از حل دو

SSM -۵۳ در شکل ۶۱-۱۲، قطعه مستطیل شکلی از یک تخته سنگ روی سخره شیداری با زاویه $\theta=26^\circ$ قرار دارد. قطعه دارای طول $L=43\text{ m}$ ، ضخامت $T=2/5\text{ m}$ و پهنای $W=12\text{ m}$ است و $1/0\text{ cm}^3$ آن $3/2\text{ g}$ جرم دارد. ضریب اصطکاک ایستایی میان قطعه و سخره زیری $0/39$ است. (الف) مؤلفه نیروی گرانشی قطعه را که موازی سخره شیدار وارد می شود حساب کنید. (ب) بزرگی نیروی اصطکاک ایستایی وارد بر قطعه را حساب کنید. با مقایسه (الف) و (ب) مشاهده می کنید که تخته سنگ در خطر لغزیدن است و برای جلوگیری از آن تنها این شناس وجود دارد که یک برآمدگی بین تخته سنگ و سخره زیر آن وجود داشته باشد. (پ) برای محکم کردن تخته سنگ، آن را با پیچهایی عمود بر سخره شیدار، پیچ می کنیم. (دو پیچ نشان داده شده است) اگر هر پیچ سطح مقطعی برابر $6/4\text{ cm}^2$ داشته باشد و با تنش برشی $3/6 \times 10^8\text{ N/m}^2$ بشکند، کمترین تعداد پیچ مورد نیاز چند عدد است؟ فرض کنید پیچها در نیروی عمودی اثری ندارند.



شکل ۶۱-۱۲ مسئله ۵۳

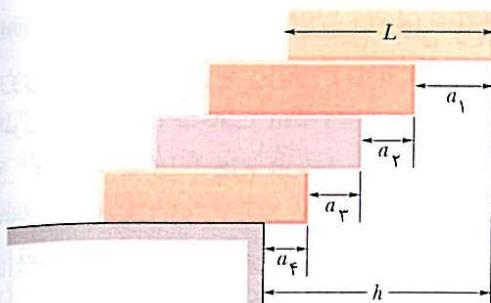
-۵۴ نرdban یکنواختی که طول آن $5/0\text{ m}$ و وزن آن 400 N است به دیوار بدون اصطکاکی تکیه دارد. ضریب اصطکاک ایستایی میان زمین و پای نرdban $0/46$ است. بیشترین فاصله ای که پای نرdban می تواند از دیوار داشته باشد تا نلغزد، چقدر است؟



شکل ۶۲-۱۲ مسئله ۵۵

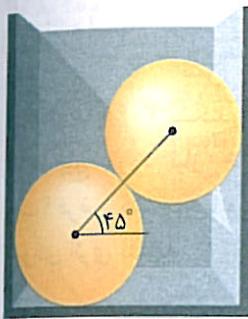
-۵۶ شکل ۶۳-۱۲ الف سطح شیدار یکنواختی را میان دو ساختمان نشان می دهد که در موقع لزوم از آن استفاده می کنند. سطح شیدار در سمت چپ به دیوار ساختمان لولا شده است و در سمت راست غلتکی وجود دارد که می تواند روی دیوار ساختمان بغلتد. هیچ نیروی قائمی از طرف ساختمان به غلتک وارد نمی شود، فقط یک نیروی افقی اعمال می شود که بزرگی آن برابر F_h است. فاصله افقی میان دو ساختمان برابر $D=400\text{ m}$ است. سطح شیدار می تواند تا ارتفاع $h=0/490\text{ m}$ بالا برود. مردی از سمت چپ روی سطح شیدار قدم می زند. شکل

معادله دو مجهولی، وضعیت محورها را مطابق شکل اختیار کنید.



شکل ۶۹-۱۲ مسئله ۶۳

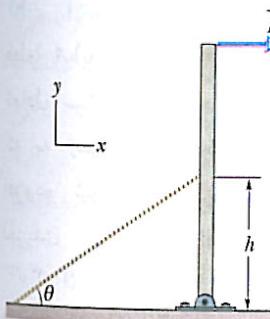
-۶۴ در شکل ۷۰-۱۲، دو کره مشابه یکنواخت و بدون اصطکاک، هر یک به جرم m ، داخل یک مکعب مستطیل شکل صلب به حالت سکون قرار دارند. خط وصل کننده مرکز کره‌ها با افق زاویه 45° می‌سازد. مطلوب است



شکل ۷۰-۱۲ مسئله ۶۴

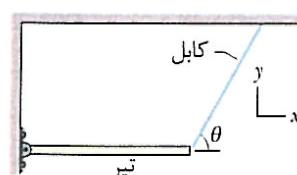
-۶۵ در شکل ۷۱-۱۲ میله یکنواختی به وزن $N = 60\text{ N}$ و طول $\frac{3}{2}\text{ m}$ در انتهای پایین لولا شده است و یک نیروی افقی \bar{F} به بزرگی 50 N به انتهای بالای آن وارد می‌شود. یک کابل که با زمین زاویه $\theta = 25^\circ$ می‌سازد و در ارتفاع $h = 20\text{ m}$ به تیر متصل است

آن را به صورت قائم نگهداشته است. مطلوب است تعیین (الف) نیروی کشش در کابل و (ب) نیروی وارد بر تیر از طرف لولا بر حسب نماد بردار یکه.

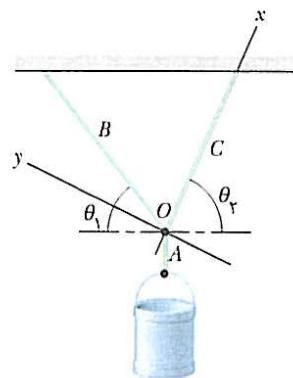


شکل ۷۱-۱۲ مسئله ۶۵

-۶۶ یک تیر یکنواخت به طول 50 m دارای جرم 53 kg است. در شکل ۷۲-۱۲، تیر به وسیله لولا و کابلی با زاویه $\theta = 60^\circ$ به طور افقی نگهداشته شده است. بر حسب نماد بردار یکه، نیروی وارد به تیر از طرف لولا چقدر است؟

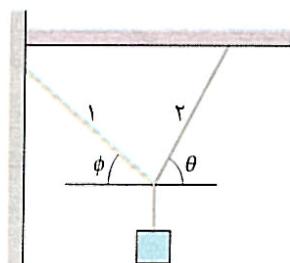


شکل ۷۲-۱۲ مسئله ۶۶



شکل ۶۶-۱۲ مسئله ۵۹

-۶۰ در شکل ۶۷-۱۲، بسته‌ای به جرم m از ریسمان کوتاهی آویزان است. این ریسمان از طریق ریسمانهای ۱ و ۲ به سقف متصل است. ریسمان ۱ با افق زاویه $\phi = 40^\circ$ می‌سازد؛ زاویه ریسمان ۲ برابر θ است. (الف) برای چه مقدار نیروی θ کشش در ریسمان ۲ کمینه است؟ (ب) نیروی کشش کمینه در ریسمان ۲ بر حسب mg چقدر است؟



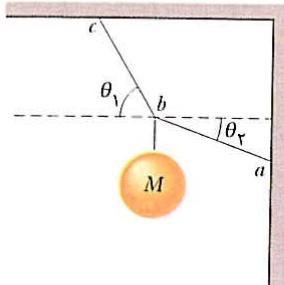
شکل ۶۷-۱۲ مسئله ۶۰

-۶۱ ILW نیروی \bar{F} در شکل ۶۸-۱۲ می‌تواند قطعه‌ای به جرم $6/4\text{ kg}$ و قرقره‌های با جرم ناچیز را در حال تعادل نگهداشد. اصطکاک قابل ملاحظه‌ای وجود ندارد. نیروی کشش T وارد به کابل بالای را به دست آورید. (راهنمایی: وقتی کابل نیم دور روی قرقره پیچیده شود، بزرگی نیروی خالص وارد بر قرقره دو برابر نیروی کشش در کابل است).

شکل ۶۸-۱۲ مسئله ۶۱

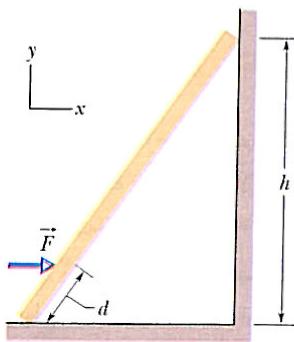
-۶۲ یک آسانبر معدن به وسیله یک کابل فولادی به قطر $2/5\text{ cm}$ نگهداشته شده است. جرم کل اتاق آسانبر و محتویاتش رویهم 670 kg است. وقتی که آسانبر (الف) با کابل 12 m و (ب) با کابل 2362 m است، کابل چه مقدار کش می‌آید. (از جرم کابل چشمپوشی کنید).

-۶۳ چهار آجر مشابه یکنواخت که طول هر یک L است، طوری روی یکدیگر قرار گرفته‌اند (شکل ۶۹-۱۲) که قسمتی از هر آجر از لبه آجر زیری جلوتر است. مطلوب است، بر حسب L ، تعیین مقدارهای بیشینه (الف)، (ب)، (پ)، (ت)، a_1 ، a_2 ، a_3 و a_4 ، به طوری که مجموعه در حال تعادل باشد.



شکل ۷۵-۱۲ مسئله ۷۲

۷۳- **SSM** نردنان یکنواختی دارای طول 10m و وزن 200N است. در شکل ۷۶-۱۲، نردنان در ارتفاع $h=8\text{m}$ بالای زمین به دیوار قائم بدون اصطکاکی تکیه دارد. نیروی افقی \vec{F} در فاصله $d=20\text{m}$ از پای نردنان (در امتداد نردنان اندازه‌گیری شده است) به آن وارد می‌شود. (الف) اگر $F=50\text{N}$ باشد، نیرویی که زمین به نردنان وارد می‌کند، بر حسب نماد بردار یکه، چقدر است؟ (ب) اگر $F=150\text{N}$ باشد، نیرویی که زمین به نردنان وارد می‌کند چقدر است؟ (پ) فرض کنید که ضریب اصطکاک ایستایی میان نردنان و زمین برابر 0.38 باشد؛ به ازای چه مقدار کمینه‌ای از نیروی F پای نردنان درست شروع به حرکت به سمت دیوار می‌کند.



شکل ۷۶-۱۲ مسئله ۷۳

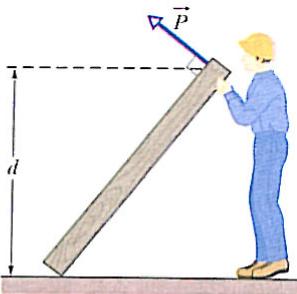
۷۴- ترازویی از میلهٔ صلبی با جرم ناچیز و کفدهایی که از دو سر میلهٔ اویزان هستند ساخته شده است. میله روی نقطه‌ای که خارج از مرکز میله قرار دارد، واقع است و می‌تواند آزادانه حول آن بچرخد. این ترازو با قرار دادن وزنهای نامساوی در کفدها، به حال تعادل در می‌آید. هرگاه جرم نامعلوم m را در کفة سمت چپ بگذاریم، برای حفظ تعادل باید جرم m_1 در کفة سمت راست قرار داده شود و به همین ترتیب وقتی جرم m را در کفة سمت راست می‌گذاریم، برای حفظ تعادل باید جرم m_2 در کفة سمت چپ قرار داده شود. نشان دهید که $m=\sqrt{m_1 m_2}$.

۷۵- قاب مربعی شکل ۷۷-۱۲ شامل چهار ضلع به صورت میله‌های AB ، BC ، CD و DA و دو قطر به صورت میله‌های AC و BD است که در E از کنار هم گذاشته‌اند. به وسیلهٔ پیچ تنظیم G ، میله AB تحت کشش است به طوری که دو انتهای آن تحت تأثیر نیروهای افقی به طرف خارج \vec{T} با بزرگی 535N قرار می‌گیرند. (الف) کدامیک از میله‌های دیگر تحت کشش قرار می‌گیرد؟ مطلوب است تعیین (ب) نیروهایی که باعث کشش در آن میله‌ها می‌شوند و (پ) نیروهایی که موجب تراکم در سایر میله‌ها می‌شوند. (راهنمایی: بررسی تقارن شکل می‌تواند این مسئله را به طور قابل ملاحظه‌ای ساده کند).

۶۶- مکعب مسی صلبی دارای ضلعی به طول $85/5\text{ cm}$ است. چه مقدار تنش باید به آن وارد شود تا ضلع مکعب به 85 cm کاهش باید؟ مدول کپهای مس برابر $10\times 10^9\text{ N/m}^2$ است.

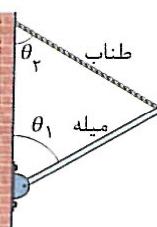
۶۷- یک کارگر ساختمانی می‌خواهد تیری یکنواخت را از زمین بلند کند و آن را به وضعیت قائم در آورد. طول تیر برابر $d=2/5\text{ m}$ و وزن آن 500 N است. در لحظه معینی کارگر با وارد کردن نیروی \vec{P} عمود بر تیر آن را به طور لحظه‌ای ساکن نگه می‌دارد در حالی که به ترتیب نشان داده شده در شکل ۷۳-۱۲ سر تیر در فاصله $d=1/5\text{ m}$ بالای کف قرار دارد. (الف) بزرگی P چقدر است؟

(ب) بزرگی نیرویی (خالص) که از طرف کف به تیر وارد می‌شود چقدر است؟ (ب) برای آنکه در این لحظه تیر نلغزد، کمینه مقدار ضربی اصطکاک ایستایی میان تیر و کف باید چقدر باشد؟



شکل ۷۳-۱۲ مسئله ۶۸

۶۹- **SSM** در شکل ۷۴-۱۲ میلهٔ یکنواختی به جرم m در انتهای پایین آن به دیوار ساختمانی لولا شده و انتهای بالایی به وسیلهٔ طنابی متصل به دیوار نگهداشته شده است. اگر $\theta_1=60^\circ$ باشد، مقدار زاویه θ_2 باید چقدر باشد تا نیروی کشش در طناب برابر $mg/2$ شود؟



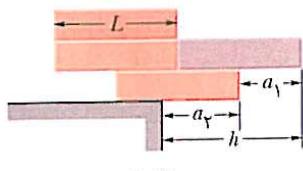
شکل ۷۴-۱۲ مسئله ۶۹

۷۰- مردی به جرم 73kg روی پلی به طول L ایستاده است. او در فاصله $L/4$ از یک انتها قرار دارد. پل یکنواخت است و $2/7\text{kN}$ وزن دارد. بزرگی نیروهای قائم وارد بر پل به وسیلهٔ تکیه‌گاههای آن، (الف) در انتهای دورتر و (ب) انتهای نزدیکتر چقدر است؟

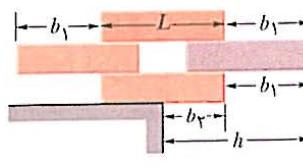
۷۱- مکعب یکنواختی به ضلع $8/5\text{ m}$ روی سطحی افقی در حال سکون است. ضریب اصطکاک ایستایی میان مکعب و سطح برابر μ است. مکعب به وسیلهٔ نیروی افقی \vec{P} که بر یکی از وجههای قائم آن عمود است کشیده می‌شود. نقطه اثر این نیرو $7/0\text{cm}$ بالاتر از سطح و از دو یال قائم به یک فاصله است. بزرگی \vec{P} به تدریج افزایش می‌یابد، برای چه مقدارهایی از μ سرانجام مکعب (الف) شروع به سرخوردن و (ب) شروع به بلندشدن می‌کند؟ (راهنمایی: در حالتی که مکعب شروع به بلندشدن روی یک یال می‌کند، نیروی عمود در کجا واقع است؟)

۷۲- دستگاه شکل ۷۵-۱۲ در حال تعادل است. زاویه‌ها عبارت‌اند از $\theta_1=60^\circ$ و $\theta_2=20^\circ$ و گلوله دارای جرم $M=2/0\text{ kg}$ است. کشش در (الف) ریسمان ab و (ب) ریسمان bc چقدر است؟

فاصله‌های بهینه a_1 , a_2 , b_1 و b_2 را به دست آورید و برای درآرایش، h را حساب کنید.



(الف)



(ب)

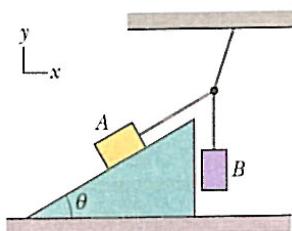
شکل ۷۹-۱۲ مسئله ۸۱

۸۰- یک میله استوانه‌ای از آلومینیوم با طول اولیه $۵/۸۰۰۰\text{m}$ و شعاع $۱۰۰۰/۵\mu\text{m}$ از یک انتهای بسته شده است و به وسیله دستگاه کشش از انتهای دیگر میله موازی با محور استوانه کشیده می‌شود. با فرض اینکه چگالی میله (جرم در واحد حجم) تغییر نکند، مطلوب است تعیین بزرگی نیروی کشیده شده باشد که دستگاه باید وارد کند تا شعاع به $۹۹۹/۹\mu\text{m}$ کاهش یابد. (از استقامت تسلیم تجاوز نشده است).

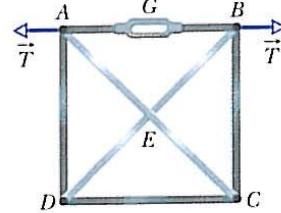
۸۱- سه نفر تیری به طول L را حمل می‌کنند. یکی سر تیر را گرفته است و دو نفر دیگر تیر را روی قطعه چوبی گذاشته‌اند به طوری که وزن تیر به طور مساوی میان هر سه نفر تقسیم شده است. قطعه چوب در چه فاصله‌ای از سر آزاد تیر قرار دارد؟ (از جرم قطعه چوب چشمپوشی کنید).

۸۲- اگر تیر (با سطح مقطع مربع) شکل ۶-۱۲ الف مسئله نمونه مربوطه از چوب صنوبر باشد، ضخامت تیر چقدر باید باشد تا تنش تراکمی وارد به آن برابر با $\frac{۱}{۴}$ استقامت نهایی باقی بماند.

۸۳- شکل ۸۲-۱۲ آرایش ساکنی از دو جعبه و سه ریسمان را نشان می‌دهد. جعبه A دارای جرم $۱۱/۰\text{kg}$ است و روی سطح شیبداری با زاویه $\theta = ۳۰/۰^\circ$ قرار دارد؛ جعبه B دارای جرم $۷/۰۰\text{kg}$ و از ریسمان آویزان است. ریسمانی که به جعبه A متصل است موازی سطح شیبدار است و سطح اصطکاک ندارد. (الف) نیروی کشش در ریسمان بالایی و (ب) زاویه‌ای که با افق می‌سازد چقدر است؟



شکل ۸۲-۱۲ مسئله ۸۳



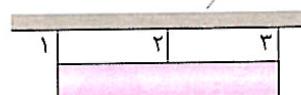
شکل ۷۷-۱۲ مسئله ۷۵

۷۶- یک ورزشکار ژیمناستیک به جرم $۴۶/۰\text{kg}$ در انتهای یک تیر موازن یکنواخت به صورتی که در شکل ۷۸-۱۲ نشان داده شده، ایستاده است. تیر $۵/۰۰\text{m}$ طول دارد و دارای جرم ۲۵۰kg (صرفه از جرم دو پایه) است.

هر پایه به فاصله $۰/۱۵۴\text{m}$ از هر انتهای تیر قرار دارد. بر حسب نماد بردار یکه، نیروی وارد به تیر از طرف (الف) پایه ۱ و (ب) پایه ۲ چقدر است؟

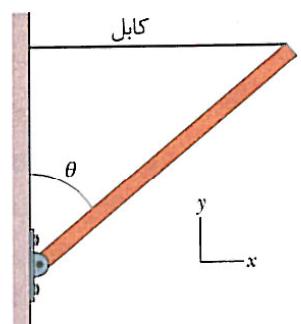
شکل ۷۸-۱۲ مسئله ۷۶

۷۷- شکل ۷۹-۱۲ یک استوانه افقی به جرم ۳۰۰kg را نشان می‌دهد. سه سیم فولادی که به سقف متصل‌اند استوانه را نگهداشتند. سیمهای ۱ و ۳ به دو انتهای استوانه وصل‌اند، و سیم ۲ به مرکز آن متصل است. هر سیم دارای مساحت سطح مقطع $۱/۰۰\times ۱۰^{-۴}\text{m}^۲$ است. در ابتدا (قبل از اینکه استوانه در این وضعیت قرار گیرد)، سیمهای ۱ و ۳ دارای طول $۲/۰۰۰\text{m}$ و سیم ۲ به اندازه $۶/۰۰\text{mm}$ درازتر بوده است. حالا سه سیم کشیده شده‌اند. نیروی کشش سقف در (الف) سیم ۱ و (ب) سیم ۲ چقدر است؟



شکل ۷۹-۱۲ مسئله ۷۷

۷۸- در شکل ۸۰-۱۲، تیر یکنواختی به طول $۱۲/۰\text{m}$ به وسیله یک کابل افقی و لولا در زاویه $\theta = ۵۰/۰^\circ$ نگهداشته شده است. کشش در کابل ۴۰۰N است. بر حسب نماد بردار یکه، (الف) نیروی گرانشی روی تیر و (ب) نیروی وارد به تیر از طرف لولا، چقدر است؟



شکل ۸۰-۱۲ مسئله ۷۸

۷۹- چهار آجر مشابه یکنواخت هر یک به طول L ، همان طور که در شکل ۸۱-۱۲ نشان داده شده است، به دو روش روی میز، روی یکدیگر چیده شده‌اند (با مسئله ۵۹ مقایسه کنید). می‌خواهیم مقدار جلو رفتگی α در هر دو آرایش بیشینه باشد.